

Euklid und T1-q2 Geometrie Gleichseitiges Dreieck

Dr.Dörte Haftendorn Johanneum

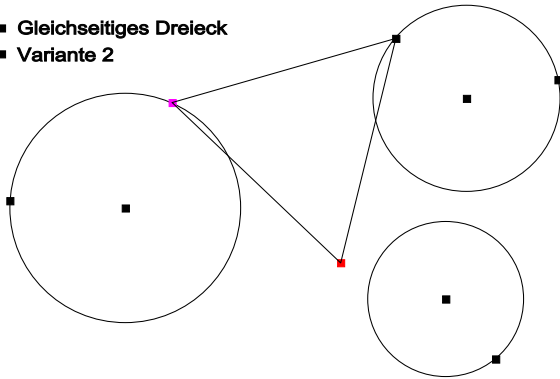
Datei gleichs1.geo

9. September 1996

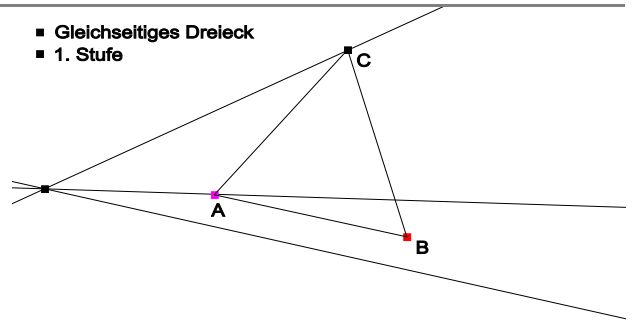
Aufgabe

Konstruiere ein gleichseitiges Dreieck, dessen drei Ecken auf je einer von drei Geraden liegen.

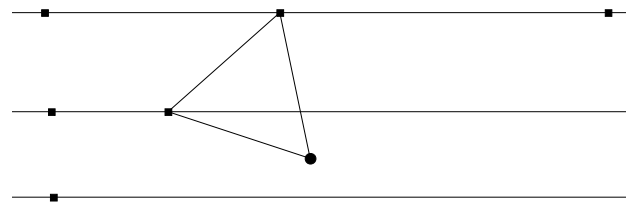
- Gleichseitiges Dreieck
- Variante 2



- Gleichseitiges Dreieck
- 1. Stufe

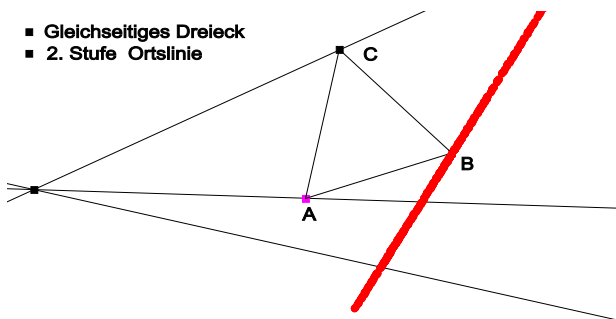


- Gleichseitiges Dreieck
- Variante 1

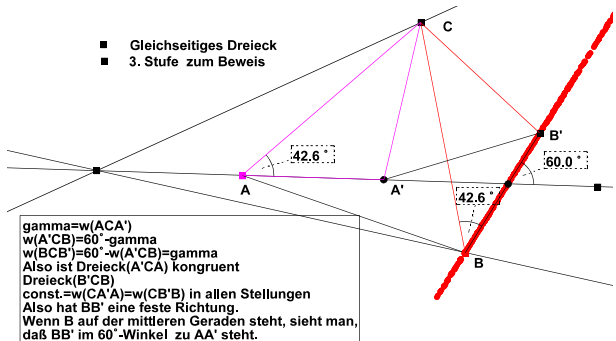


Lösungen Stets wird die dritte Ecke mit Hilfe ihrer Ortslinie in eine passende Position gebracht.

- Gleichseitiges Dreieck
- 2. Stufe Ortslinie



- Gleichseitiges Dreieck
- 3. Stufe zum Beweis



$\gamma = w(\angle CA'A)$
 $w(\angle CB'B) = 60^\circ - \gamma$
 $w(\angle BCB') = 60^\circ - w(\angle CB'B) = \gamma$
 Also ist Dreieck(A'CA) kongruent Dreieck(B'CB)
 $const. = w(\angle CA'A) = w(\angle CB'B)$ in allen Stellungen
 Also hat BB' eine feste Richtung.
 Wenn B auf der mittleren Geraden steht, sieht man, daß BB' im 60° -Winkel zu AA' steht.

Dreieck $AA'C$ ist kongruent Dreieck $BB'C$. (SWS mit Winkel bei C.) Beim Bewegen von A ändert sich $\angle CA'A$ nicht und damit bleibt auch $\angle CB'B$ konstant. Also ist die Ortslinie BB' eine Gerade. Liegt B auf AA' erkennt man, daß AA' und BB' einen Winkel von 60° bilden.

Mathilde: "Wir könnten die Ortslinie aus zwei 'falschen' Stellungen des Dreiecks ja auch exakt konstruieren."

Mathix: "Gute Idee. Dann kann ich mir das auch schön ins Heft zeichnen."

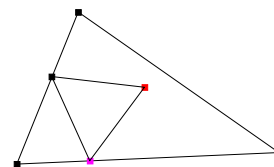
Mathusalem: "Wieviele Lösungen gibt es eigentlich?"

Mathix: "Wenn man C festhält, gibt es nur eine Lösung. Aber man muß C gar nicht festhalten."

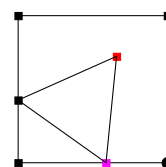
Mathilde: "Wir könnten auch die Geraden verändern."

Mathix: "Spannend wird es, glaube ich, wenn wir bei der Kreisvariante die Kreise verändern."

Mathilde: "Dann wird es wohl auch Fälle ohne Lösungen geben. Auf denn, knacken wir das Problem!"



Dieses Problem kann man sowohl mit dieser Ortslinienmethode lösen als auch mit einer Ortslinie, die sich aus einer Streckung ergibt.



Es gibt reichhaltige Variationsmöglichkeiten. In welchem Bereich einer Seite liegen die Eckpunkte von Lösungen?