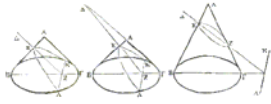
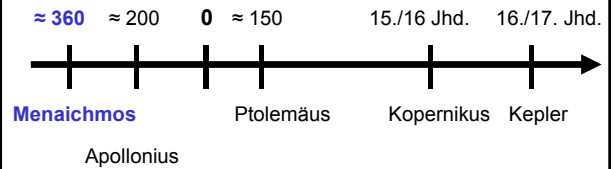


Von den Kegelschnitten zur Himmelsmechanik



Gliederung



Menaichmos (um 380- 320 v. Chr.)

Menaichmos findet bei der Suche nach der Würfelverdoppelung erste Kurven und beschreibt als erster (unseres Wissens) die Kegelschnitte

Bedingungen für Menaichmos Kegelschnitte

Der Kegel sollte von einer Ebene senkrecht zur Mantellinie geschnitten werden. Wenn alle Kegelschnitte vorkommen sollen, kann das nur mit **unterschiedlichen Winkeln der Kegelspitze** realisiert werden.

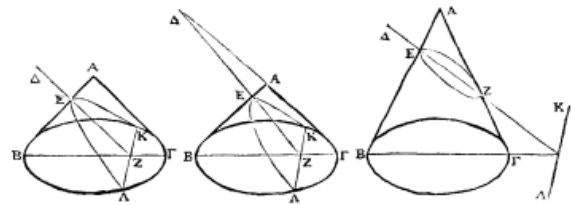
Aufgabe:

Überlegt, welche Winkel der Kegel bei den jeweiligen Schnitten haben muss, damit alle Formen vorkommen.



Winkel α der Kegelspitze:

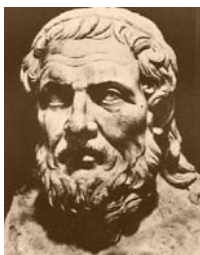
$\alpha = 90^\circ$ $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ $0^\circ < \alpha < 90^\circ$



Aus der Konika-Ausgabe von E. Halley, Oxford, 1710.



Apollonius von Perge (265-190 v. Chr.)

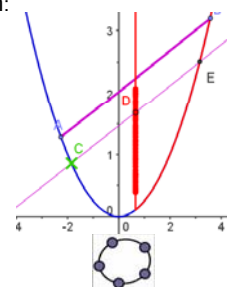


- Schreibt „Konika“ (Konus=Kegel) ein Werk von acht Büchern über die Kegelschnitte
- Bezieht sich auf Euklid
- Neu ist das Schneiden eines Kegels in unterschiedlichen Winkeln
-



Apollonius definiert den Scheitelpunkt der Parabel folgendermaßen:

„Als Durchmesser einer ebenen Kurve bezeichne ich eine Gerade, die irgendeine Schar paralleler Sehnen halbiert, als Scheitel der Kurve bezeichne ich den auf der Kurve liegenden Endpunkt des Durchmessers; jene Parallelen aber bezeichne ich als zum Durchmesser geordnet gezogen.“



Siehe diese Site im Bereich Kurven und Bereich Affenkästen

Parabel Kreis Ellipse Hyperbel


Apollonius als Astronom etwa 200 vChr.

Geozentrisches Weltbild:

- Erde = Zentrum des Universums
- Himmelskörper bewegen sich gleichförmig
- Bewegungen auf perfekten Kreisbahnen


Beobachtungen:

- Schleifenbahnen der Planeten
- rückläufige Bewegung
- periodischen Helligkeitsschwankungen

Erklärung durch Epizykeltheorie 

Gliederung

≈ 360 ≈ 200 0 ≈ 150 15./16 Jhd. 16./17. Jhd.




Menelaos Apollonius **Ptolemäus** Kopernikus Kepler

Parabel Kreis Ellipse Hyperbel

Ptolemäus (ca. 100 – 160 n. Chr.)


- Erde im Mittelpunkt des Systems, aber nicht immer Mittelpunkt des Deferenten-Kreises.
- „gemäßigte Geozentrik“ Kreisbewegungen nicht mehr gleichförmig
- Um die Planetenbahnen zu erklären wurden bis zu 40 Epizykel von Epizyken... betrachtet.
- Dies war die vorherrschende astronomische Theorie für ca. 1300 Jahre



Parabel Kreis Ellipse Hyperbel

Nikolaus Kopernikus (1473 – 1543)

- Domherr in Königsberg
- Er stellt die Sonne in den Mittelpunkt
- Erde rotiert um die eigene Achse
- **Das kopernikanische Weltbild ist „heliozentrisch“.**



Parabel Kreis Ellipse Hyperbel

Johannes Kepler (1571 – 1630)

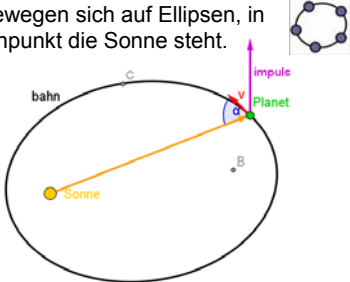


- Studium Apollonius' Kegellehre
- monatelange astronomische Rechnungen
- Auswertung der Beobachtungsdaten von Tycho Brahe
- seine Planetengesetze machen die Epizykeltheorie entbehrlich.

Parabel Kreis Ellipse Hyperbel

Kepler'sche Gesetze

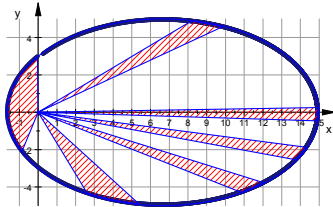
1. Planeten bewegen sich auf Ellipsen, in deren Brennpunkt die Sonne steht.





Kepler'sche Gesetze

2. Der Radiusvektor (Verbindungsline Sonne – Planet) überstreicht in gleichen Zeiten gleiche Flächen (= Flächensatz).



Kepler'sche Gesetze

3. Die Quadrate der Umlaufzeiten verschiedener Planeten verhalten sich wie die Kuben ihrer großen Bahnachsen.

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3}$$

Alternative Formulierung
In unserem Sonnensystem gilt: $\frac{T^2}{a^3} = \text{konstant}$

Das war die Reise von den Kegelschnitten zur Himmelsmechanik

