

# Einige Analysisbegriffe, von denen man reden kann

$f$  sei eine in einem Intervall  $\mathcal{I}$  aus  $\mathbb{R}$  definierte Funktion von  $x$

Die einzelnen Unterpunkte a., b.,... nicht alle disjunkt. Auf Besonderheiten wie rechtsseitig stetig.... wird nicht eingegangen.

1. stetig / unstetig in  $x_0 \in \mathcal{I}$
2. stetig / unstetig in  $\mathcal{I}$ 
  - a. überall stetig in  $\mathcal{I}$
  - b. stetig in  $\mathcal{I}$  bis auf endlich viele / abzählbar viele Stellen
  - c. unstetig an endlich vielen Stellen
  - d. unstetig für eine dichte / nicht dichte Teilmenge von  $\mathcal{I}$
  - e. überall unstetig in  $\mathcal{I}$
3. gleichmäßig stetig / nicht gleichmäßig stetig in  $\mathcal{I}$
4. differenzierbar / nicht differenzierbar in  $x_0 \in \mathcal{I}$
5. differenzierbar / nicht differenzierbar in  $\mathcal{I}$ ,
  - a. überall differenzierbar in  $\mathcal{I}$ , stetig differenzierbar (d.h. Ableitung ist stetig)
  - b. differenzierbar in  $\mathcal{I}$  bis auf endlich viele Stellen
  - c. nicht differenzierbar an abzählbar vielen Stellen
  - d. nicht differenzierbar für eine dichte / nicht dichte Teilmenge von  $\mathcal{I}$
  - e. nirgends differenzierbar in  $\mathcal{I}$
6. integrierbar / nicht integrierbar in  $\mathcal{I}$ 
  - a. es existiert eine Stammfunktion  $F$  mit  $F'(x) = f(x)$ 
    - i. in geschlossener Form / nicht in geschlossener Form
  - b. Riemann-integrierbar, aber es existiert keine Stammfunktion
  - c. nicht Riemann-integrierbar aber mit weiterreichenden maßtheoretischen Konzepten (Lebesgue, Kurzweil) integrierbar.
  - d. gar nicht integrierbar
7. beschränkt / unbeschränkt in  $x_0 \in \mathcal{I}$ , Achtung: Beschränktheit bezieht eine hinr. kleine Umgebung von  $x_0$  mit ein.
8. beschränkt / unbeschränkt in  $\mathcal{I}$ 
  - a. für jedes  $x_0 \in \mathcal{I}$  beschränkt / in  $\mathcal{I}$  gleichmäßig beschränkt (gemeinsame Schranke)
  - b. beschränkt in  $\mathcal{I}$  bis auf endlich viele / abzählbar viele Stellen
  - c. unbeschränkt an endlich vielen Stellen
  - d. unbeschränkt für eine dichte / nicht dichte Teilmenge von  $\mathcal{I}$
  - e. in jedem Teilintervall von  $\mathcal{I}$  gibt es Stellen, in denen  $f$  unbeschränkt ist
9. in eine Potenzreihe (Taylor~) entwickelbar / nicht... um  $x_0 \in \mathcal{I}$ 
  - a. in eine Potenzreihe (Taylor~) entwickelbar / nicht... in  $\mathcal{I}$
  - b. ... entwickelbar und der Konvergenzradius ist endlich / unendlich
10. in eine trigonometrische Reihe (Fourier~) entwickelbar / nicht... um  $x_0 \in \mathcal{I}$ 
  - a. Achtung, hier betrachtet man nur periodische Funktionen
11. eine Folge von Funktionen  $f_n$  von  $x$ , definiert in  $\mathcal{I}$ 
  - a. konvergiert / konvergiert nicht gegen eine Funktion  $f$
  - b. konvergiert gleichmäßig / konvergiert nicht gleichmäßig gegen eine Funktion  $f$
12. eine Reihe konvergiert /divergiert
  - a. konvergiert absolut, nicht absolut
  - b. divergiert bestimmt gegen  $\infty$  / divergiert (i.a. Sinn, auf andere Weise)
13. eine Reihe von Funktionen konvergiert in  $\mathcal{I}$  / divergiert für  $x \in M \subseteq \mathcal{I}$