

Zertifizierung der öffentlichen Schlüssel 35

Bertold will Anton eine Nachricht senden und sicher sein, dass (e_A, n_A) wirklich zu A gehört "authentisch" ist

Eine Vertrauensinstanz V hat einen öffentlichen Schlüssel (e_V, n_V)

sie signiert die Liste $m_{AV} = \{ \text{Anton}, e_A, n_A \}$

mit ihrem geheimen Schlüssel d_V $c_{AV} \equiv m_{AV}^{d_V} \pmod{n_V}$ und stellt jedem die Liste zur Verfügung $\{ \text{Anton}, e_A, n_A, c_{AV} \}$

Bertold berechnet nun $c_{AV}^{e_V} \pmod{n_V}$

und erhält daraus $\{ \text{Anton}, e_A, n_A \} = m_{AV}$

Wenn sich dann das gleiche ergibt

\Rightarrow Vertrauen: (e_A, n_A) das ist der richtige Schlüssel von A

Beweis der Durchführbarkeit

V. hat d_V geheim mit $M^{d_V} \cdot e_V \equiv M^{-1} \pmod{n_V}$

$$\text{also } d_V e_V \equiv 1 \pmod{\varphi(n_V)}$$

$$c_{AV}^{e_V} \equiv_{n_V} (m_{AV}^{d_V})^{e_V} \equiv_{n_V} m_{AV}^{d_V e_V} \equiv_{n_V} m_{AV}$$